

germination = sol variété sol \* variété

sol	$H_0$	
$F = \frac{(SCE_{M_0} - SCE_{M_1}) / I - 1}{SCE_{M_3} / N - IJ}$	$\left\{ \begin{array}{l} \forall i \\ \alpha_i + \frac{\sum_j n_{ij} \beta_j}{n_{i+}} + \frac{\sum_j n_{ij} \gamma_{ij}}{n_{i+}} = 0 \end{array} \right.$	
variété		$\left\{ \begin{array}{l} \forall j \\ \beta_j + f(n_{ij}, \gamma_{ij}) = 0 \end{array} \right.$
sol * variété		$\left\{ \begin{array}{l} \forall (i,j) \\ \gamma_{ij} = 0 \end{array} \right.$

germination = variété sol sol \* variété

variété	$H_0$	
$F = \frac{(SCE_{M_0} - SCE_{M_1}) / J - 1}{SCE_{M_3} / N - IJ}$	$\left\{ \begin{array}{l} \forall j \\ \beta_j + \frac{\sum_i n_{ij} \alpha_i}{n_{+j}} + \frac{\sum_i n_{ij} \gamma_{ij}}{n_{+j}} = 0 \end{array} \right.$	
sol		$\left\{ \begin{array}{l} \forall i \\ \alpha_i + g(n_{ij}, \gamma_{ij}) = 0 \end{array} \right.$
sol * variété		$\left\{ \begin{array}{l} \forall (i,j) \\ \gamma_{ij} = 0 \end{array} \right.$

**Hypothèses testées : sommes de type III**

	$H_0$	
sol		$\left\{ \begin{array}{l} \forall i \\ \alpha_i + \frac{\sum_j \gamma_{ij}}{J} = 0 \end{array} \right.$
variété		$\left\{ \begin{array}{l} \forall j \\ \beta_j + \frac{\sum_i \gamma_{ij}}{I} = 0 \end{array} \right.$
interaction		$\left\{ \begin{array}{l} \forall (i,j) \\ \gamma_{ij} = 0 \end{array} \right.$

**Toujours utiliser les sommes du type III**

**On ne teste jamais un effet additif seul**

**On teste un effet principal**

**Seule l'interaction est testée  
indépendamment des autres effets**

**Comment étudier les effets des  
facteurs et non les effets principaux ?**

**1) Ne pas déclarer l'interaction  
et tester le modèle additif**

**2) Tester chaque effet seul**

## Exemple des tournesols

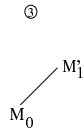
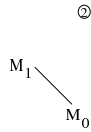
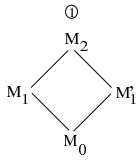
```
data try ;
infile 'tourn' ;
input test orig huile ;
run ;
proc glm ;
class test orig ;
model huile = orig test / ss3 ;
run ;
```

① structuration en A et B

```
proc glm ;
class orig ;
model huile = orig / ss3 ;
proc glm ;
class test ;
model huile = test / ss3 ;
```

② structuration en A

③ structuration en B



modèle :  $M_2 - M_0$   
 effet A :  $M_2 - M_1$   
 effet B :  $M_2 - M_1$

modèle = effet A  
 $M_1 - M_0$

modèle = effet B  
 $M_1 - M_0$

3 tests de F  
 intrinsèques

1 test de F  
 intrinsèque

1 test de F  
 intrinsèque

## Sortie SAS

### Exemple des tournesols

General Linear Models Procedure

Class Level Information

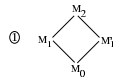
Class	Levels	Values
TEST	2	1 2
ORIG	3	1 2 3

Number of observations in data set = 12

Dependent Variable : HUILE

Source	DF	Sum of Squares	Mean Square	F Value	Pr > F
Model	3	43.23322500	14.41107500	8.79	0.0065
Error	8	13.11486667	1.63935833		
Corrected Total	11	56.34809167			

R-Square	CV	Root MSE	DONNEE	Mean
0.767253	2.76831	1.280374	46.27583	



Dependent Variable : HUILE

Source	DF	Type III SS	Mean Square	F Value	Pr > F
ORIG	2	33.74581667	16.87290833	10.29	0.0061
TEST	1	9.48740833	9.48740833	5.79	0.0428

Class Level Information

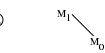
Class	Levels	Values
ORIG	3	1 2 3

Number of observations in data set = 12

Dependent Variable : HUILE

Source	DF	Sum of Squares	Mean Square	F Value	Pr > F
Model	2	33.74581667	16.87290833	6.72	0.0164
Error	9	22.60227500	2.51136389		
Corrected Total	11	56.34809167			

R-Square	CV	Root MSE	DONNEE	Mean
0.598881	3.424527	1.584728	46.27583	



Dependent Variable : HUILE

Source	DF	Type III SS	Mean Square	F Value	Pr > F
ORIG	2	33.74581667	16.87290833	6.72	0.0164

Class Level Information

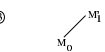
Class	Levels	Values
TEST	2	1 2

Number of observations in data set = 12

Dependent Variable : HUILE

Source	DF	Sum of Squares	Mean Square	F Value	Pr > F
Model	1	9.48740833	9.48740833	2.02	0.1852
Error	10	46.86068333	4.68606833		
Corrected Total	11	56.34809167			

R-Square	CV	Root MSE	DONNEE	Mean
0.168371	4.677891	2.164733	46.27583	



Dependent Variable : HUILE

Source	DF	Type III SS	Mean Square	F Value	Pr > F
TEST	1	9.48740833	9.48740833	2.02	0.1852

### Exemple des carottes

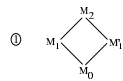
General Linear Models Procedure  
Class Level Information

Class	Levels	Values
SOL	2	1 2
VAR	3	1 2 3

Number of observations in data set = 15

Dependent Variable : GERMINA

Source	DF	Sum of Squares	Mean Square	F Value	Pr > F
Model	3	177.2340426	59.0780142	1.90	0.1888
Error	11	342.7659574	31.1605416		
Corrected Total	14	520.0000000			



Dependent Variable : GERMINA

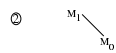
Source	DF	Type III SS	Mean Square	F Value	Pr > F
SOL	1	83.9007092	83.9007092	2.69	0.1291
VAR	2	124.7340426	62.3670213	2.00	0.1814

Class Level Information  
Class Levels Values  
SOL 2 1 2

Number of observations in data set = 15

Dependent Variable : GERMINA

Source	DF	Sum of Squares	Mean Square	F Value	Pr > F
Model	1	52.5000000	52.5000000	1.46	0.2485
Error	13	467.5000000	39.96153846		
Corrected Total	14	520.0000000			



Dependent Variable : GERMINA

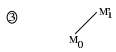
Source	DF	Type III SS	Mean Square	F Value	Pr > F
SOL	1	52.5000000	52.5000000	1.46	0.2485

Class Level Information  
Class Levels Values  
VAR 3 1 2 3

Number of observations in data set = 15

Dependent Variable : GERMINA

Source	DF	Sum of Squares	Mean Square	F Value	Pr > F
Model	2	93.3333333	46.6666667	1.31	0.3051
Error	12	426.6666667	35.5555556		
Corrected Total	14	520.0000000			



Dependent Variable : GERMINA

Source	DF	Type III SS	Mean Square	F Value	Pr > F
VAR	2	93.3333333	46.6666667	1.31	0.3051

### Exemple des tournesols

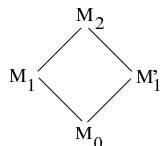
① modèle significatif

effet A significatif

(origine)

effet B significatif

(testeur)



② modèle significatif

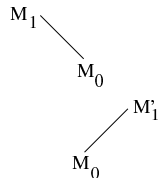
effet A significatif

(origine)

③ modèle non significatif

effet B non significatif

(testeur)



### Exemple des carottes

① modèle non significatif

② modèle non significatif

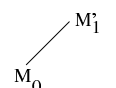
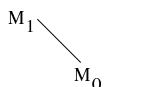
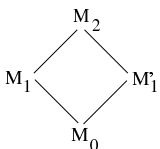
effet A non significatif

(sol)

③ modèle non significatif

effet B non significatif

(variété)

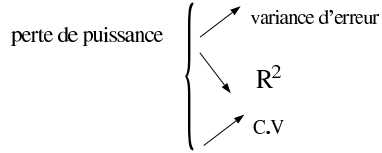


Réduire la complexité du modèle pour tester les facteurs



tests de F intrinsèques des facteurs

mais



### Analyse de Variance à deux facteurs croisés Synthèse

A B A x B  
(I) (J) (IJ)

Test du modèle

N.S. : on s'arrête

S. : il existe une structuration en AB (A ?, B ?, A x B ?)

Test de l'interaction

N.S.

⇓  
le test de A  
le test de B  
sont sans ambiguïté

S.

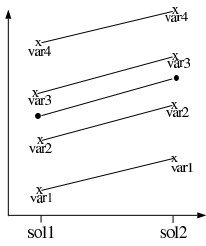
⇓  
le test de A  
le test de B  
sont ambigus

⇓  
si A S. : comparaison multiple des  $\mu_i$

⇓  
comparaison multiple des  $\mu_{ij}$

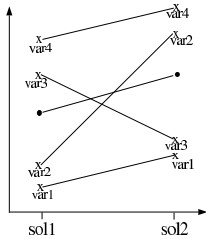
⇓  
si B S. : comparaison multiple des  $\mu_j$

On s'intéresse à un des facteurs croisés



F de l'interaction Non Significatif

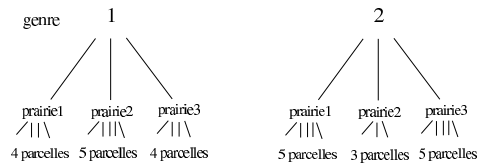
la comparaison sol1/sol2 est correcte



F de l'interaction Significatif

comparaison sol1/sol2 fautive ; la réponse dépend de la variété

## Analyse de Variance à deux facteurs facteurs hiérarchisés



Les données

Genre	Prairie	Rendement
1	1	29.9
1	1	19.8
1	1	29.5
1	1	27.0
1	2	15.9
1	2	26.3
1	2	19.8
1	2	22.5
1	2	20.9
1	3	19.2
1	3	21.4
1	3	13.3
1	3	18.3
2	1	29.1
2	1	32.7
2	1	34.5
2	1	39.2
2	1	43.4
2	2	26.9
2	2	32.5
2	2	31.1
2	3	24.3
2	3	21.7
2	3	23.7
2	3	28.9
2	3	22.4

$$M_2 \text{ genre} + \text{prairie}(\text{genre})$$

$$\mu_n = \mu + \alpha_i + \beta_{j/i}$$

$$M_1 \text{ genre}$$

$$\mu_n = \mu + \alpha_i$$

$$M_0$$

$$\mu_n = \mu$$

### Commandes et sortie SAS

```
data trv ;
infile 'prairie' ;
input genre prairie rdt ;
run ;
proc glm ;
class genre prairie ;
model rdt = genre prairie (genre) ;
run ;
```

General Linear Models Procedure  
Class Level Information

Class	Levels	Values
GENRE	2	1 2
PRAIRIE	3	1 2 3

Number of observations in data set = 26

General Linear Models Procedure

Dependent Variable : RDT

Source	DF	Sum of Squares	Mean Square	F Value	Pr > F
Model	5	921.4527179	184.2905436	11.07	0.0001
Error	20	332.9626667	16.6481333		
Corrected Total	25	1254.4153846			

R-Square	C.V.	Root MSE	RDT Mean
0.734567	15.73802	4.080212	25.93077

General Linear Models Procedure

Dependent Variable : RDT

Source	DF	Type I SS	Mean Square	F Value	Pr > F
GENRE	1	437.0600000	437.0600000	26.25	0.0001
PRAIRIE (GENRE)	4	484.3927179	121.0981795	7.27	0.0009

Source	DF	Type III SS	Mean Square	F Value	Pr > F
GENRE	1	417.6403101	417.6403101	25.09	0.0001
PRAIRIE (GENRE)	4	484.3927179	121.0981795	7.27	0.0009

General Linear Models Procedure

Class Level Information

Class	Levels	Values
GENRE	2	1 2
PRAIRIE	3	1 2 3

Number of observations in data set = 26

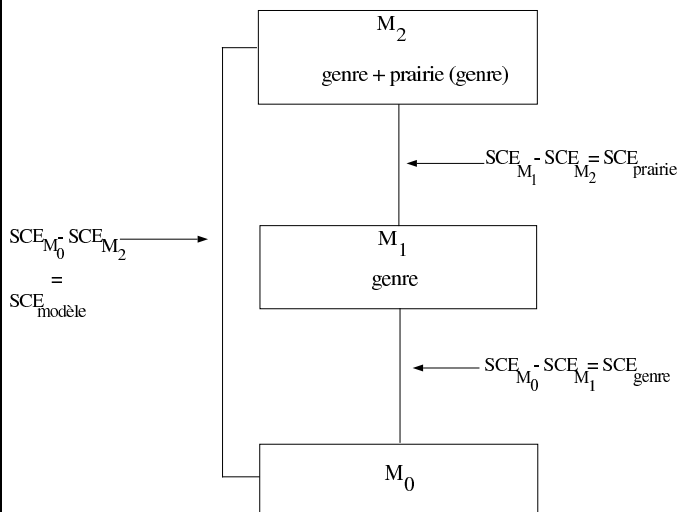
General Linear Models Procedure

Dependent Variable : RDT

Source	DF	Sum of Squares	Mean Square	F Value	Pr > F
Model	5	921.4527179	184.2905436	11.07	0.0001
Error	20	332.9626667	16.6481333		
Corrected Total	25	1254.4153846			

	R-Square	C.V.	Root MSE	RDT Mean
	0.734567	15.73502	4.080212	25.93077
Source				
Model	II-1	$SCE_{M_0} - SCE_{M_2}$		$\frac{(SCE_{M_0} - SCE_{M_2}) / II-1}{SCE_{M_2} / N-II}$
Error	N-II	$SCE_{M_2}$		
Corrected Total	N-1	$SCE_{M_0}$		

modèle hiérarchisé : SCE type I





General Linear Models Procedure

Dependent Variable : RDT

Source	DF	Type I SS	Mean Square	F Value	Pr > F
GENRE	1	437.0600000	437.0600000	26.25	0.0001
PRAIRIE (GENRE)	4	484.3927179	121.0981795	7.27	0.0009

Source	DF	Type III SS	Mean Square	F Value	Pr > F
GENRE	1	417.6403101	417.6403101	25.09	0.0001
PRAIRIE (GENRE)	4	484.3927179	121.0981795	7.27	0.0009

SCE type I

GENRE	I-1	$SCE_{M_0} - SCE_{M_1}$	$\frac{(SCE_{M_0} - SCE_{M_1}) / I-1}{SCE_{M_2} / N-I}$
PRAIRIE (GENRE)	I(J-1)	$SCE_{M_1} - SCE_{M_2}$	$\frac{(SCE_{M_1} - SCE_{M_2}) / I(J-1)}{SCE_{M_2} / N-I}$

**Hypothèses testées : SCE type I**

$$\text{prairie (genre)} \quad \left\{ \begin{array}{l} H_0 \\ \forall (i, j) \\ \beta_{j/i} = 0 \end{array} \right.$$

$$\text{genre} \quad \left\{ \begin{array}{l} \forall i \\ \alpha_i + \frac{\sum_j n_{ij} \beta_{j/i}}{n_{i+}} = 0 \end{array} \right.$$

$$H_0$$

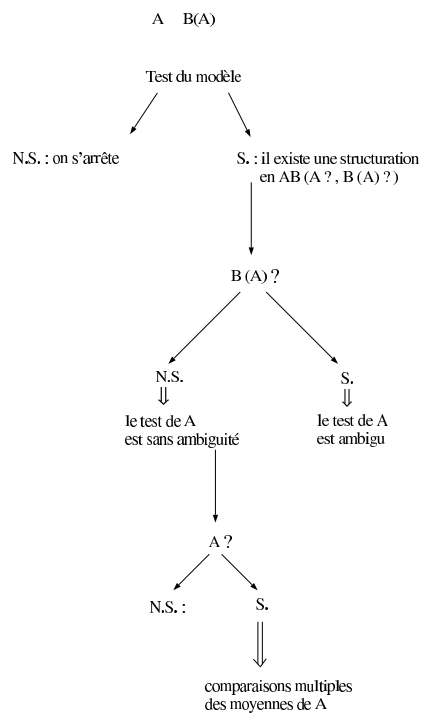
prairie (genre)  $\left\{ \begin{array}{l} \forall (i, j) \\ \beta_{j/i} = 0 \end{array} \right.$

genre  $\left\{ \begin{array}{l} \forall i \\ \alpha_i + \frac{\sum_j \beta_{j/i}}{J} = 0 \end{array} \right.$

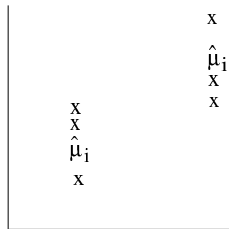
les hypothèses sont indépendantes des effectifs

⇒ utiliser les sommes de type III

**Analyse de Variance à deux facteurs hiérarchisés**  
**Synthèse**

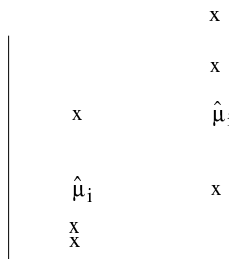


### F prairie (genre) Non Significatif



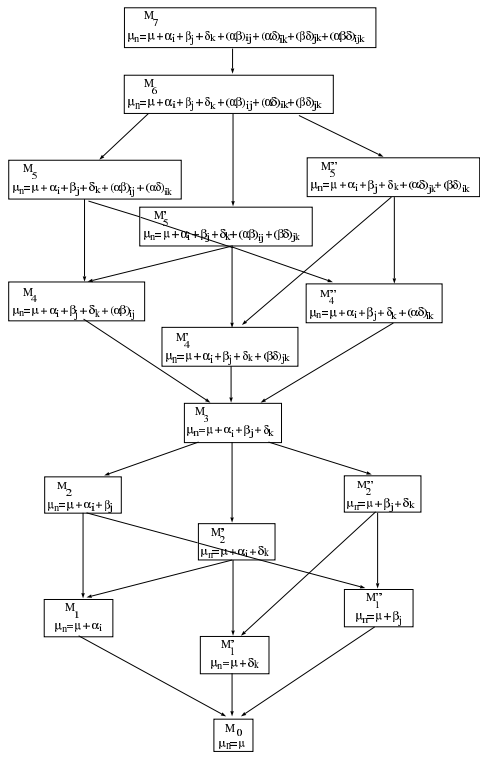
La comparaison des genres est correcte

### F prairie (genre) Significatif



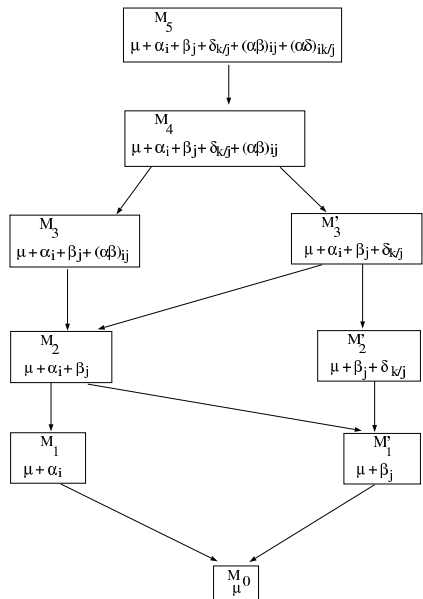
La comparaison des genres est fautive; la moyenne de chaque genre est fortement influencée par les prairies

## Des exemples d'analyses plus complexes



### Dispositif blocs complets dans plusieurs lieux pour plusieurs traitements

Traitement  $\rightarrow A(\alpha_i)$   
 Lieux  $\rightarrow B(\beta_j)$   
 Bloc  $\rightarrow C(\delta_{k/j})$



— Analyse de variance :

**test F global significatif**

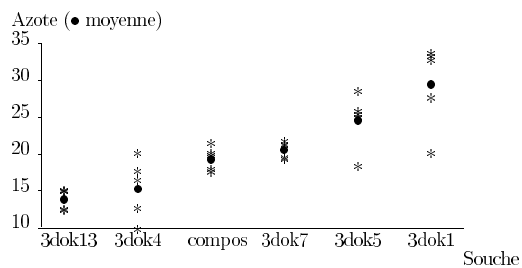
$H_0 : \mu_1 = \mu_2 = \dots = \mu_I$  rejetée

$\Leftrightarrow$  Il existe  $i$  et  $j$  tels que  $\mu_i \neq \mu_j$

— Erreurs indépendantes, identiquement distribuées  $\mathcal{N}(0, \sigma^2)$

**Exemple : Influence de 6 souches de rhizobium sur la quantité d'azote de plantes de trèfle rouge**

Souche	Azote					Moyenne
3dok1	19.4	32.6	27.0	32.1	33.0	28.82
3dok5	17.7	24.8	27.9	25.2	24.3	23.98
3dok4	17.0	19.4	9.1	11.9	15.8	14.64
3dok7	20.7	21.0	20.05	18.8	18.6	19.92
3dok13	14.3	14.4	11.8	11.6	14.2	13.26
compos	17.3	19.4	19.1	16.9	20.8	18.70



## General Linear Models Procedure

Dependent Variable : AZOTE

Source	DF	Sum of Squares	Mean Square	F Value	Pr > F
Model	5	847.05	169.41	14.37	0.0001
Error	24	282.93	11.79		
Corrected Total	29	1129.97			

$$\hat{\sigma}^2 = 11.79$$

### Questions :

- Faut-il former des groupes de souches de moyennes homogènes ?
- Si "compos" est le témoin, quelles moyennes diffèrent de la moyenne du témoin ?

## Pour comparer 2 moyennes, méthode classique du t de Student

$$H_0: \mu_i = \mu_j \text{ rejetée si } |\hat{\mu}_i - \hat{\mu}_j| \geq t(\alpha, \nu) \times s_d$$

$\alpha$ : risque de 1ère espèce

$\nu$ : degrés de liberté des résidus

$t$ : quantile de la loi de Student au seuil  $\alpha$  avec  $\nu$  degrés de liberté

$s_d$ : écart-type de la différence de 2 moyennes  $\mu_i - \mu_j$

— en cas d'effectifs égaux  $s_d = \hat{\sigma} \sqrt{2/n}$

— en cas d'effectifs inégaux  $s_d = \hat{\sigma} \sqrt{1/n_i + 1/n_j}$

Cas équilibré  $n = 5$

Ecart-type de la différence  $\mu_i - \mu_j$

$$s_d = \sqrt{2\sigma^2/n} = \sqrt{2 \times 11.79/5} = 2.17$$

Degrés de liberté des résidus  $\nu = 24$

Valeur de  $t$  au seuil  $\alpha = 5\%$  avec  $\nu = 24$  d.d.l.

$$t(0.05, 24) = 2.064$$

**La différence entre 2 moyennes particulières est significative au seuil 5% lorsqu'elle dépasse**

$$t(0.05, 24) \times s_d = 2.064 \times 2.17 = 4.48$$

Cette quantité qui sert de critère est la **Plus Petite Différence Significative (P.P.D.S.)**

### **P.P.D.S. et Risque global**

$I$  niveaux du facteur

$\Rightarrow I$  moyennes à comparer soit

$$C_I^2 = \frac{I(I-1)}{2} \text{ comparaisons de 2 moyennes}$$

$\alpha$  risque de lère espèce d'une comparaison

$\alpha_g$  risque de lère espèce global

(= probabilité de trouver au moins une différence significative alors qu'il n'y en a pas)

Avec la méthode de la P.P.D.S. :

$I$	$C_I^2$	$\alpha$	$\alpha_g$
2	1	0.05	0.05
5	10	0.05	0.29
10	45	0.05	0.63
15	105	0.05	0.83

$\alpha_g$  est supérieur à  $\alpha$

En contrôlant le risque global  $\alpha_g$ ,

si  $|\hat{\mu}_i - \hat{\mu}_j| \geq$  valeur critique  
les moyennes sont déclarées  
différentes.

Les **valeurs critiques** varient selon les méthodes.

### t-corrige de Bonferoni

on choisit  $\alpha_g$ , par exemple 5%

pour 1 comparaison  $\alpha = \alpha_g / \frac{I(I-1)}{2}$

$$H_0 : \mu_i = \mu_j \text{ rejetée si}$$
$$|\hat{\mu}_i - \hat{\mu}_j| \geq t\left(\frac{\alpha_g}{\frac{I(I-1)}{2}}, \nu\right) \times s_d$$



Si le nombre de répétitions est constant

Intervalle de confiance simultanés  
pour les différences  $\mu_i - \mu_j$

$$H_0 : \mu_i = \mu_j \text{ rejetée si} \\ |\hat{\mu}_i - \hat{\mu}_j| \geq q(\alpha_g, I, \nu) \times s_d / \sqrt{2}$$

### Méthode de Newman-Keuls

Si le nombre de répétitions est constant

Variante séquentielle de la méthode  
de Tukey, plus puissante.

Dans un ordre déterminé, on  
compare la différence entre la plus  
grande et la plus petite moyenne  
d'un groupe de  $p$  moyennes à

$$q(\alpha_g, p, \nu) \times s_d / \sqrt{2}$$

NB de moyennes p	2	3	4	5	6
Etendue critique	4,48	5,42	5,99	6,40	6,71

souche	3dok13	3dok4	compos	3dok7	3dok5	3dok1
moyenne	13.26	14.64	18.70	19.92	23.98	28.82

p=6	3dok1 - 3dok13	>	6,71	significatif
p=5	3dok1 - 3dok4	>	6,40	significatif
	3dok5 - 3dok13	>	6,40	significatif
p=4	3dok1 - compos	>	5,99	significatif
	3dok5 - 3dok4	>	5,99	significatif
	3dok7 - 3dok13	>	5,99	significatif
p=3	3dok1 - 3dok7	>	5,42	significatif
	3dok5 - compos	<	5,42	non significatif
	3dok7 - 3dok4	<	5,42	non significatif
p=2	compos - 3dok13	>	5,42	significatif
	3dok1 - 3dok5	>	4,48	significatif
	3dok4 - 3dok13	<	4,48	non significatif

### Méthode de Scheffé

Quels que soient les nombres de répétitions

Intervalles de confiance simultanés  
pour tous les contrastes  
(combinaisons linéaires de  
moyennes dont la somme des  
coefficients est 0), en particulier  
pour les comparaisons de 2  
moyennes

$$H_0 : \mu_i = \mu_j \text{ rejetée si } |\hat{\mu}_i - \hat{\mu}_j| \geq \frac{\sqrt{(I-1)F(\alpha, I-1, \nu)} \times s_d}{\sqrt{I}}$$

Test conservatif, très général

## Comparaisons au témoin

On ne fait que  $(I-1)$  comparaisons

$$H_0 : \mu_i = \mu_0 \text{ rejetée si}$$
$$|\hat{\mu}_i - \hat{\mu}_0| \geq d(\alpha_g, I-1, \nu) \times s_d$$

$\mu_0$  moyenne du témoin

Traitements meilleurs que le témoin :

— test unilatéral à droite

$$H_0 : \mu_i = \mu_0, H_1 : \mu_i > \mu_0$$

si  $\hat{\mu}_i - \hat{\mu}_0 > d(\alpha_g, I-1, \nu) \times s_d$   
on rejette  $H_0$ .

— test unilatéral à gauche

$$H_0 : \mu_i = \mu_0, H_1 : \mu_i < \mu_0$$

si  $\hat{\mu}_i - \hat{\mu}_0 < -d(\alpha_g, I-1, \nu) \times s_d$   
on rejette  $H_0$ .

## Tableau récapitulatif

Méthode	Valeur critique
PPDS	$t(\alpha, \nu) s_d$
Bonferroni	$t\left(\frac{\alpha_g}{I(I-1)/2}, \nu\right) s_d$
Tukey	$q(\alpha_g, I, \nu) s_d / \sqrt{2}$
Newman Keuls	$q(\alpha_g, p, \nu) s_d / \sqrt{2}$ où $p = 2, 3, \dots, I$
Scheffé	$\sqrt{(I-1)F(\alpha_g, I-1, \nu)} \times s_d$
Dunnnett	$d(\alpha_g, I-1, \nu) s_d$

$I$  nombre de moyennes à comparer

$\alpha$  erreur 1ère espèce, de chaque comparaison 2 à 2

$\alpha_g$  risque global de toutes les comparaisons 2 à 2

$\nu$  degrés de liberté des résidus

$\hat{\sigma}$  écart-type résiduel

$s_d$  écart-type de la différence des moyennes

en cas d'effectifs égaux  $s_d = \hat{\sigma} \sqrt{2/n}$

en cas d'effectifs inégaux  $s_d = \hat{\sigma} \sqrt{1/n_i + 1/n_j}$

$t$  quantile de la loi de Student (table)

$q$  quantile "studentized range" (table)

$F$  quantile de la loi de Fisher (table)

$d$  quantile de Dunnnett (table)

	PPDS	Tukey	Newman Keuls
Erreur 1ère espèce contrôlée	pour chaque comparaison ou contraste	pour toutes les comparaisons de 2 moyennes	pour toutes les comparaisons de 2 moyennes
Nombre de répétitions	non constant	constant	constant
Utilisations	quelques comparaisons ou contrastes définis a priori	comparaison de toutes les moyennes	comparaison de toutes les moyennes
Caractéristique		conservatif	

**contraste** : combinaison linéaire de moyennes dont la somme des coefficients est 0

exemples :  $\mu_1 - \mu_2$ ,  $\mu_1 - \frac{\mu_2 + \mu_3}{2}$

**test conservatif** : test dont le risque de 1ère espèce réel est inférieur au risque choisi (par exemple 5 %).

### **Caractéristiques des méthodes – suite**

	Bonferroni	Scheffé	Dunnnett
Erreur 1ère espèce contrôlée	pour toutes les comparaisons effectuées	pour tous les contrastes	pour toutes les comparaisons au témoin
Nombre de répétitions	non constant	non constant	constant
Utilisations	comparaisons de moyennes ou contrastes en nombre réduit	contraste (plus de 2 moyennes) comparaison de 2 moyenne en grand nombre	comparaison au témoin recherche des moyennes les plus élevées
Caractéristique	général conservatif	très général conservatif cohérent avec le test F	bilatéral ou unilatéral

**contraste** : combinaison linéaire de moyennes dont la somme des coefficients est 0

exemples :  $\mu_1 - \mu_2$ ,  $\mu_1 - \frac{\mu_2 + \mu_3}{2}$

**test conservatif** : test dont le risque de 1ère espèce réel est inférieur au risque choisi (par exemple 5 %).

Méthode	Risque choisi	Valeur critique pour les différences entre 2 moyennes	Options SAS												
P.P.D.S	$\alpha = 5\%$	4,48	LSD ou T												
Tukey	$\alpha_g = 5\%$	6,71	TUKEY												
Newman Keuls	$\alpha_g = 5\%$	<table border="1"> <thead> <tr> <th>Nb de moyennes</th> <th>Etendue</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>2</td> <td>4,48</td> </tr> <tr> <td>3</td> <td>5,42</td> </tr> <tr> <td>4</td> <td>5,99</td> </tr> <tr> <td>5</td> <td>6,40</td> </tr> <tr> <td>6</td> <td>6,71</td> </tr> </tbody> </table>	Nb de moyennes	Etendue	2	4,48	3	5,42	4	5,99	5	6,40	6	6,71	SNK
Nb de moyennes	Etendue														
2	4,48														
3	5,42														
4	5,99														
5	6,40														
6	6,71														
Bonferonni	$\alpha_g = 5\%$	7,08	BON												
Scheffé	$\alpha_g = 5\%$	7,86	SCHEFFE												
Dunnett	$\alpha_g = 5\%$	5,85	DUNNETT ('compos')												

### Estimation

Souche	Azote moyenne
3dok1	28,82
3dok5	23,98
3dok7	19,92
compos	18,70
3dok4	14,64
3dok13	13,26

### Différences entre les moyennes

	3dok1	3dok5	3dok7	compos	3dok4
3dok1	0				
3dok5	4,84	0			
3dok7	8,90	4,06	0		
compos	10,12	5,28	1,22	0	
3dok4	14,18	9,34	5,28	4,06	0
3dok13	15,56	10,72	6,66	5,44	1,38

P,P,D,S	Newman Keuls		Tukey	Bonferonni	Scheffé	Moyenne	Souche
A	A		A	A	A	28.82	3dok1
B	B	B	A	B	A	23.98	3dok5
C	B	C	B	C	B	19.92	3dok7
C	D	C	B	C	B	18.70	compos
E	D	C	D	C	C	14.64	3dok4
E		D	C	C	C	13.26	3dok13

Les moyennes portant la même lettre ne sont pas significativement différentes.

#### DUNNETT

SOUCHE  
 Comparaison  
 3dok1 - compos \*\*\*  
 3dok5 - compos  
 3dok7 - compos  
 3dok4 - compos  
 3dok13 - compos

Les comparaisons significatives sont repérées par \*\*\*